

**Examenul de bacalaureat 2012**  
**Proba E. d)**  
**Proba scrisă la INFORMATICĂ**  
**Limbajul Pascal**

Varianta 1

*Filiera teoretică, profilul real, specializările: matematică-informatică  
matematică-informatică intensiv informatică*  
*Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.
- În rezolvările cerute, identificatorii utilizați trebuie să respecte precizările din enunț (**bold**), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată).
- În programele cerute, datele de intrare se consideră corecte, validarea acestora nefiind necesară.

**SUBIECTUL I** **(30 de puncte)**

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Indicați expresia care are valoarea `true` dacă și numai dacă numărul memorat în variabila întregă `x` aparține mulțimii  $\{1, 2, 3\}$ . **(4p.)**

- a. `(x=1) and (x=2) and (x=3)` b. `not ( (x<=1) and (x>=3) )`  
c. `(x=1) or (x=2) or (x=3)` d. `not ( (x<=1) or (x>=3) )`

2. Se consideră algoritmul alăturat, reprezentat în pseudocod.

S-a notat cu `x%y` restul împărțirii numărului natural `x` la numărul natural nenul `y` și cu `[z]` partea întreagă a numărului real `z`.

a) Scrieți numărul afișat dacă pentru variabila `n` se citește valoarea 56413. **(6p.)**

b) Scrieți toate numerele naturale, fiecare având **exact** patru cifre, care pot fi citite pentru variabila `n` astfel încât, în urma executării algoritmului, pentru fiecare dintre acestea să se afișeze valoarea 40. **(4p.)**

```
citește n (număr natural)
m←0
p←1
cât timp n>0 execută
┌dacă n%2≠0 atunci
│  n←n-1
│  ──┐
│    m←m+(n%10)*p
│    n←[n/10]
│    p←p*10
│  ──┘
└scrie m
```

c) Scrieți în pseudocod un algoritm, echivalent cu cel dat, în care să se înlocuiască structura `cât timp...execută` cu o structură repetitivă de alt tip. **(6p.)**

d) Scrieți programul `Pascal` corespunzător algoritmului dat. **(10p.)**

**SUBIECTUL al II-lea**

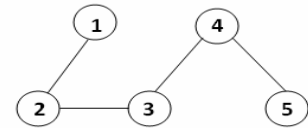
**(30 de puncte)**

Pentru fiecare dintre itemii 1 și 2 scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Se consideră graful orientat cu 7 vârfuri, numerotate de la 1 la 7, și arcele  $(1,2)$ ,  $(2,3)$ ,  $(3,4)$ ,  $(4,1)$ ,  $(5,4)$ ,  $(7,5)$ ,  $(5,6)$ . Numărul de vârfuri ale grafului care au gradul extern egal cu gradul intern este: **(4p.)**

- a. 2                                      b. 3                                      c. 4                                      d. 5

2. Se consideră graful neorientat cu cinci noduri, reprezentat alăturat. Numărul minim de muchii ce trebuie adăugate astfel încât, în graful obținut, între oricare două noduri distincte să existe cel puțin un lanț elementar de lungime 2, este: **(4p.)**



- a. 1                                      b. 2                                      c. 3                                      d. 4

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

3. Se consideră declarațiile alăturate, în care variabila  $s$  memorează coordonatele, în sistemul de coordonate  $xOy$ , ale extremităților unui segment. Scrieți o instrucțiune care afișează pe ecran pătratul lungimii segmentului corespunzător variabilei  $s$ . **(6p.)**

```
type punct=record
  x,y:real
end;
segment=record
  A,B:punct
end;
var s:segment;
```

4. În secvența de instrucțiuni de mai jos variabilele  $i$  și  $j$  sunt de tip întreg, iar variabila  $A$  memorează un tablou bidimensional cu 5 linii și 5 coloane, numerotate de la 1 la 5. Elementele tabloului sunt numere întregi. Fără a utiliza alte variabile, scrieți una sau mai multe instrucțiuni care pot înlocui punctele de suspensie astfel încât, în urma executării secvenței obținute, tabloul memorat în variabila  $A$  să aibă elementele din figura de mai jos.

```
for i:=1 to 5 do
  for j:=1 to 5 do
    .....
(6p.)
```

2	3	4	0	1
3	4	0	1	2
4	0	1	2	3
0	1	2	3	4
1	2	3	4	0

5. Se consideră două șiruri de caractere  $a$ , de lungime  $na$  și  $b$ , de lungime  $nb$ . Șirul  $a$  este numit **prefix** al șirului  $b$  dacă  $na \leq nb$  și subșirul lui  $b$  determinat de primele sale  $na$  caractere coincide cu  $a$ . Șirul  $a$  este numit **sufix** al șirului  $b$  dacă  $na \leq nb$  și subșirul lui  $b$  determinat de ultimele sale  $na$  caractere coincide cu  $a$ .

Scrieți un program **Pascal** care citește de la tastatură două cuvinte, fiecare fiind format din cel mult 30 de caractere, numai litere mici ale alfabetului englez. După primul cuvânt se tastează Enter. Programul afișează pe ecran, separate prin câte un spațiu, toate sufixele primului cuvânt care sunt prefixe ale celui de al doilea cuvânt, ca în exemplu. Dacă nu există astfel de subșiruri, se afișează pe ecran mesajul **NU EXISTA**.

**Exemple:**

dacă se citesc, în ordine, cuvintele  
**rebele**  
**elegant**

se afișează (nu neapărat în această ordine) subșirurile: **e ele**

iar dacă se citesc, în ordine, cuvintele  
**strai**  
**rai**

se afișează subșirul **rai**

**(10p.)**

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

**Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.**

1. Utilizând metoda backtracking se generează, în ordine lexicografică, toate șirurile de 5 cifre din mulțimea  $\{0, 1, 2\}$ , cu proprietatea că nu există două cifre pare pe poziții consecutive. Primele opt șiruri generate sunt, în această ordine: 01010, 01011, 01012, 01101, 01110, 01111, 01112, 01121. Al nouălea șir generat este: **(4p.)**
- a. 01120                      b. 01201                      c. 01210                      d. 10101

**Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.**

2. Se consideră subprogramul **f**, definit alăturat. Scrieți ce se afișează în urma apelului de mai jos. **f(9);** **(6p.)**
- ```
procedure f(x:integer);  
begin  
  write(x);  
  if x>0 then  
    begin  
      if x mod 2=0 then write('*');  
      f(x div 2)  
    end  
end;
```
3. Se consideră subprogramul **dublu**, cu doi parametri:
- **n**, prin care primește o valoare naturală  $2 < n < 50$ ;
  - **v**, prin care primește un tablou unidimensional cu **n** elemente, numere întregi cu cel mult 4 cifre. Cel puțin unul dintre elementele tabloului este strict pozitiv.
- După fiecare element strict pozitiv din tablou, subprogramul inserează câte un nou element, cu aceeași valoare, ca în exemplu. Tabloul modificat, precum și valoarea actualizată a lui **n**, sunt furnizate tot prin parametrii **v**, respectiv **n**. Scrieți definiția completă a subprogramului, precum și a tipurilor de date necesare. **Exemplu:** dacă **n=6** și **v=(4, -5, 0, 9, 9, -2)**, atunci după apel **n=9**, iar **v=(4, 4, -5, 0, 9, 9, 9, 9, -2)**. **(10p.)**
4. Un număr natural cu cel puțin două cifre se numește **x-ordonat** dacă toate cifrele sale sunt în ordine crescătoare și valoarea absolută a diferenței dintre oricare două cifre aflate pe poziții consecutive este egală cu **x**. **Exemple:** numărul **2468** este 2-ordonat, numărul **147** este 3-ordonat; numerele **179** sau **131** nu sunt de tipul menționat. Se citește de la tastatură un număr natural **x** ( $1 \leq x \leq 8$ ) și se cere scrierea în fișierul **BAC.TXT** a tuturor numerelor naturale distincte **x-ordonate**. Fiecare număr este scris pe câte o linie a fișierului. Pentru determinarea numerelor cerute se utilizează un algoritm eficient din punctul de vedere al timpului de executare.
- a) Descrieți în limbaj natural algoritmul utilizat, justificând eficiența acestuia. **(4p.)**
- b) Scrieți programul **Pascal** corespunzător algoritmului descris. **(6p.)**

**Examenul de bacalaureat 2012**  
**Proba E. d)**  
**Proba scrisă la INFORMATICĂ**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**  
**(comun pentru limbajele C/C++ și Pascal)**

Varianta 1

*Filiera teoretică, profilul real, specializările: matematică-informatică  
matematică-informatică intensiv informatică*  
*Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică*

- Se punctează oricare alte modalități de rezolvare corectă a cerințelor.
- Nu se acordă punctaje intermediare, altele decât cele precizate explicit prin barem. Nu se acordă fracțiuni de punct.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului total acordat pentru lucrare la 10.
- Utilizarea unui tip de date care depășește domeniul de valori precizat în enunț este acceptată dacă acest lucru nu afectează corectitudinea în funcționarea programului.
- Se vor lua în considerare atât implementările concepute pentru compilatoare pe 16 biți, cât și cele pentru compilatoare pe 32 de biți.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

|    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
|----|----|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | c  | 4p                                                                                                                                                                                                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
| 2. | a) | Răspuns corect: 46402                                                                                                                                                                                                                                              | 6p                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|    | b) | Răspuns corect: 1040, 1041, 1050, 1051, 1140, 1141, 1150, 1151                                                                                                                                                                                                     | 4p                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                    | Se acordă:<br>- numai 1p pentru un răspuns parțial corect care include doar una sau două valori distincte corecte;<br>- numai 2p pentru un răspuns parțial corect care include doar trei sau patru valori distincte corecte;<br>- numai 3p pentru un răspuns parțial corect care include doar cinci, șase sau șapte valori distincte corecte. |
|    | c) | Pentru algoritm pseudocod corect<br>-echivalența prelucrării realizate, conform cerinței (*)<br>- corectitudinea globală a algoritmului <sup>1)</sup>                                                                                                              | 6p                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                    | (*) Se acordă numai 2p dacă algoritmul are o structură repetitivă conform cerinței, principal corectă, dar nu este echivalent cu cel dat.<br>Se va puncta orice formă corectă de structură repetitivă:<br>repetă...până când, repetă...cât timp, execută...cât timp, cât timp..execută, do...while etc.                                       |
|    | d) | Pentru program corect<br>-declarare corectă a tuturor variabilelor<br>-citire corectă<br>-afișare corectă<br>-instrucțiune de decizie corectă<br>-instrucțiune repetitivă corectă<br>-atribuiri corecte (*)<br>-corectitudinea globală a programului <sup>1)</sup> | 10p                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                    | (*) Se acordă numai 1p dacă doar o parte dintre atribuiri este corectă.                                                                                                                                                                                                                                                                       |

**SUBIECTUL al II - lea**

**(30 de puncte)**

|    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|----|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | <b>b</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | <b>4p</b>                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| 2. | <b>b</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | <b>4p</b>                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| 3. | <b>Pentru rezolvare corectă</b><br>-accesul corect la câmpurile de pe primul nivel al înregistrării<br>-accesul corect la câmpurile de pe al doilea nivel al înregistrării<br>-expresie corectă de determinare a valorii cerute<br>-afișarea valorii cerute                                                                                                                                                                                               | <b>6p</b><br>2p<br>2p<br>1p<br>1p                      |                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| 4. | <b>Pentru rezolvare corectă</b><br>-accesarea unui element al tabloului<br>-expresie corectă de calcul al valorii elementului<br>-atribuire corectă                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | <b>6p</b><br>2p<br>3p<br>1p                            | Două soluții posibile sunt obținute prin transcrierea în limbaj de programare a atribuirii:<br>$A_{i,j} \leftarrow (i+j)\%5$<br>sau a structurii<br>dacă $i+j < 5$ atunci $A_{i,j} \leftarrow i+j$<br>altfel<br>$A_{i,j} \leftarrow i+j-5$<br>dacă $i=5$ și $j=5$ atunci<br>$A_{i,j} \leftarrow 0$ |
| 5. | <b>Pentru program corect</b><br>-declararea corectă a tuturor variabilelor (șiruri de caractere și variabile simple)<br>-citirea și afișarea datelor<br>-determinarea principal corectă a sufixelor primului cuvânt<br>-determinarea principal corectă a prefixelor celui de al doilea cuvânt<br>-determinarea subșirurilor cerute<br>-tratarea cazului în care nu există subșiruri de tipul cerut<br>-corectitudinea globală a programului <sup>1)</sup> | <b>10p</b><br>2x1p<br>1p<br>2p<br>2p<br>1p<br>1p<br>1p |                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |

**SUBIECTUL al III - lea**

**(30 de puncte)**

|    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |                                                  |                                                                                                            |
|----|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | <b>c</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | <b>4p</b>                                        |                                                                                                            |
| 2. | <b>Răspuns corect: 94*2*10</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | <b>6p</b>                                        | Se acordă numai 4p dacă răspunsul este <b>94*2*1</b> și se acordă numai 2p dacă șirul este parțial corect. |
| 3. | <b>Pentru subprogram corect</b><br>-structură antet principal corectă<br>-declararea corectă a parametrilor (de tip simplu și tablou)<br>-declararea tuturor variabilelor locale<br>-algoritm principal corect de inserare a unei valori în tablou<br>-inserarea valorii corespunzătoare după fiecare număr strict pozitiv (*)<br>-corectitudinea globală a subprogramului <sup>1)</sup> | <b>10p</b><br>2p<br>2x1p<br>1p<br>2p<br>2p<br>1p | (*) Se acordă numai 1p dacă nu se actualizează valoarea lui n conform cerinței.                            |

|    |    |                                                                                                                                                                                                                                                                          |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|----|----|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 4. | a) | <b>Pentru răspuns corect</b><br>-coerența explicării metodei (*)<br>-explicarea unor elemente de eficiență                                                                                                                                                               | <b>4p</b> (*) Se acordă punctajul chiar dacă metoda aleasă nu este eficientă.<br>2p<br>2p                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|    | b) | <b>Pentru program corect</b><br>-operații cu fișiere: declarare, pregătire în vederea scrierii, scriere în fișier<br>-determinarea de numere de tip x-ordonat (*)<br>-scrierea tuturor numerelor cerute în formatul impus (*)<br>-utilizarea unui algoritm eficient (**) | <b>6p</b> (*) Se acordă punctajul chiar dacă soluția propusă nu prezintă elemente de eficiență.<br>1p (**) Punctajul se acordă numai pentru un algoritm în care se generează direct numerele x-ordonate.<br>2p<br>2p O soluție posibilă de generare este transpunerea în limbaj de programare a secvenței pseudocod:<br>1p<br><pre> ┌pentru p←1,9-x execută   nr←p   u←p+x   ┌cât timp u≤9 execută     nr←nr*10+u     scrie nr     u←u+x   └─┘ └─┘ </pre> |

<sup>1)</sup> Corectitudinea globală vizează structura, sintaxa, alte greșeli neprecizate în barem.